

Scholium.

Resistentia corporum sphaericorum in fluidis oritur partim ex tenacitate, partim ex frictione, & partim ex densitate medii. Et resistentia partem illam, quæ oritur ex densitate fluidi diximus esse in duplicata ratione velocitatis; pars altera, quæ oritur ex tenacitate fluidi, est uniformis, sive ut momentum temporis: ideoque jam pergere liceret ad motum corporum, quibus resistitur partim vi uniformi seu in ratione momentorum temporis, & partim in ratione duplicata velocitatis. Sed sufficit aditum patefecisse ad hanc speculationem in propositionibus VIII. & IX. quæ præcedunt, & eorum corollariis. In iisdem utique pro corporis ascendente resistentia uniformi, quæ ex ejus gravitate oritur, substitui potest resistentia uniformis, quæ oritur ex tenacitate medii, quando corpus sola vi insita movetur; & corpore recta ascendente addere licet hanc uniformem resistentiam vi gravitatis; eandemque subducere, quando corpus recta descendit. Pergere etiam liceret ad motum corporum, quibus resistitur partim uniformiter, partim in ratione velocitatis, & partim in ratione duplicata velocitatis. Et viam aperui in propositionibus præcedentibus XIII. & XIV. in quibus etiam resistentia uniformis, quæ oritur ex tenacitate medii pro vi gravitatis substitui potest, vel cum eadem, ut prius, componi. Sed propero ad alia.

#### SECTIO IV.

De corporum circulari motu in mediis resistentibus.

#### LEMMA III.

Sit  $PQR$  spiralis quæ secet radios omnes  $SP, SQ, SR$ , &c. in æqualibus angulis. Agatur recta  $PT$  quæ tangat eandem in puncto quovis  $P$ , secetque radium  $SQ$  in  $T$ ; & ad spiralem erectis perpendicularis  $PO, QO$  concurrentibus in  $O$ , jun-

$O$ , jungatur  $SO$ . Dico quod si puncta  $P$  &  $Q$  accedant ad invicem & coeant, angulus  $PSO$  evadet rectus, & ultima ratio reſt anguli  $TQ \times 2PS$  ad  $PQ$  quad. erit ratio æqualitatis.

Etenim de angulis rectis  $OPQ, OQR$  subducantur anguli æquales  $SPQ, SQR$ , & manebunt anguli æquales  $OPS, OQS$ . Ergo circulus qui transit per puncta  $O, S, P$  transibit etiam per punctum  $Q$ . Coeant puncta  $P$  &  $Q$ , & hic circulus in loco coitus  $PQ$  tanget spiralem, ideoque perpendiculariter secabit rectam  $OP$ . Fiet igitur  $OP$  diameter circuli hujus, & angulus  $OSP$  in semicirculo rectus. Q. E. D.

Ad  $OP$  demittantur perpendiculara  $QD, SE$ , & linearum rationes ultimæ erunt hujusmodi:  $TQ$  ad  $PD$  ut  $TS$  vel  $PS$  ad  $PE$ , seu  $2PO$  ad  $2PS$ ; item  $PD$  ad  $PQ$  ut  $PQ$  ad  $2PO$ ; & ex æquo perturbate  $TQ$  ad  $PQ$  ut  $PQ$  ad  $2PS$ . Unde fit  $PQq$  æquale  $TQ \times 2PS$ . Q. E. D.

#### PROPOSITIO XV. THEOREMA XII.

Si medii densitas in locis singulis sit reciproce ut distantia locorum a centro immobili, sitque vis centripeta in duplicata ratione densitatis: dico quod corpus gyrari potest in spirali, quæ radios omnes a centro illo ductos interfecat in angulo dato.

Ponantur quæ in superiore lemmate, & producat  $SQ$  ad  $V$ , ut sit  $SV$  æqualis  $SP$ . Tempore quovis, in medio resistente, describat corpus arcum quam minimum  $PQ$ , & tempore duplo arcum quam minimum  $PR$ ; & decrementsa horum arcuum ex resistentia oriunda, sive defectus ab arcubus, qui in medio non resistente iisdem temporibus

N n 2

temporibus